

Probleme propuse

Problema 1: Un semnal analogic $x_a(t) = \cos(200\pi t) - 3.5\cos(600\pi t)$ este eșantionat cu 0.5 kHz. Aflați coeficienții DFT.

Problema 2: Un semnal analogic $x_a(t)$ este eșantionat cu perioada $T = 0.01$ s, rezultând secvența:

n	0	1	2	3	4	5
$x(n)$	5	-1.5	6.5	-3	6.5	-1.5

Să se afle spectrul utilizând DFT și să se precizeze cărei frecvențe analogice îi corespunde fiecare $X(k)$.

Problema 3: Se consideră semnalul analogic $x_a(t) = A\cos(200\pi t) - B\cos(800\pi t)$ eșantionat cu 1 kHz.

- Să se afle perioada secvenței obținute.
- Determinați coeficienții DFT pentru $N = 20$.
- Repetăți punctele anterioare pentru o frecvență de 0.5 kHz. Explicați.

Problema 4: Un semnal vocal este eșantionat cu 20000 eșantioane/secundă. Se selectează un segment cu lungimea de 1024 eșantioane. Care este durata segmentului și rezoluția în frecvență a DFT-ului obținut? Ce se întâmplă dacă se rețin doar eșantioanele pare?

Problema 5: Să se determine DFT-ul în 8 puncte pentru secvența $x(n) = \{1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0\}$ și să se deseneze modulul și faza DFT-ului obținut.

Problema 6: Calculați DFT-ul în 8 puncte pentru secvențele:

$$x(n) = \cos\frac{\pi}{2}n, \quad n = \overline{0, 7};$$
$$h(n) = 2^n, \quad n = \overline{0, 7}.$$

Problema 7: Evaluați convoluția liniară și convoluția circulară ($N = 4$, respectiv $N = 8$) a secvențelor:

$$x_1(n) = \left\{ \underset{\uparrow}{2}, 2, 1, 1 \right\};$$
$$x_2(n) = \left\{ 1, \underset{\uparrow}{2}, 3, 4 \right\}.$$

Problema 8: Să se afle convoluția liniară și circulară ($N = 8$) a secvențelor:

$$x_1(n) = \left\{ \underset{\uparrow}{1}, 2, 3, 4, 5 \right\};$$
$$x_2(n) = \left\{ \underset{\uparrow}{1}, -1, 2, -2, 0 \right\}.$$

Problema 9: Să se afle spectrul de putere al secvenței periodice cu perioada 8:

$$x(n) = \left\{ \underset{\uparrow}{2}, 2, 2, 2, 0, 0, 0, 0 \right\}.$$

Problema 10: Un sistem LTI are ecuația cu diferențe finite:

$$y(n) - \frac{3}{4}y(n-1) + \frac{1}{8}y(n-2) = 2x(n-1).$$

- Determinați soluția ecuației omogene.
- Determinați soluția ecuației generale, dacă:

$$y(-1) = 1, \quad y(0) = 0 \quad \text{și} \quad x(n) = \cos\frac{2\pi n}{5}u(n).$$

Probleme propuse

Problema 11: Determinați răspunsul la impuls, răspunsul la secvența unitate și determinați dacă sistemul este stabil. Se consideră:

$$y(n) = 0.7y(n-1) - 0.06y(n-2) + 2x(n) - x(n-2).$$

Problema 12: Un sistem LTI este descris de:

$$y(n) - 5y(n-1) + 6y(n-2) = 3x(n-1).$$

- Aflați soluția ecuației omogene.
- Aflați răspunsul la impuls.
- Aflați răspunsul la secvența treaptă unitate.

Problema 13: Să se calculeze în funcție de $\cos \omega$, expresia pătratului modulului răspunsului în frecvență, a sistemului:

$$y(n) = -0.1y(n-1) + 0.2y(n-2) + x(n) + x(n-1)$$

Problema 14: Determinați răspunsul la treapta unitate, în condițiile inițiale:

$$y(-1) = y(-2) = 1,$$

al sistemului:

$$y(n) = 0.9y(n-1) - 0.81y(n-2) + x(n).$$

Problema 15: Determinați răspunsul la impuls, răspunsul la secvența unitate și determinați dacă sistemul este stabil. Se consideră:

$$y(n) = 0.7y(n-1) - 0.1y(n-2) + 2x(n) - x(n-2).$$

Problema 16: Să se deducă graful de semnal care calculează FFT Radix-2, algoritmul de decimare în timp ($N = 16$).

Problema 17: Să se determine secvențele cauzală și anticauzală, ale căror transformată în z este:

$$X(z) = \frac{5z^{-1}}{\left(1 - \frac{1}{2}z^{-1}\right)(3 - z^{-1})}.$$

Problema 18:

- Aflați și desenați răspunsul în frecvență pentru:

$$y(n) - \frac{1}{2}y(n-1) = x(n) + 2x(n-1) + x(n-2).$$

- Aflați ecuația cu diferențe finite corespunzătoare filtrului descris prin funcția răspuns în frecvență:

$$H(\omega) = \frac{1 - \frac{1}{2}e^{-j\omega} + e^{-j3\omega}}{1 + \frac{1}{2}e^{-j\omega} + \frac{3}{4}e^{-j3\omega}}.$$

Problema 19: Se consideră sistemul caracterizat de:

$$y(n) = x(n) - x(n-4).$$

- Să se calculeze modulul și faza răspunsului în frecvență.
- Să se calculeze răspunsul sistemului la excitația:

$$x(n) = \cos \frac{\pi}{2}n + \cos \frac{\pi}{4}n.$$

Probleme propuse

Problema 20: Să se determine funcția pondere și răspunsul în frecvență, și să se reprezinte grafic, pentru sistemul:

$$y(n) = \frac{1}{2} y(n-1) + x(n) + \frac{1}{2} x(n-1).$$

Problema 21: Un sistem LTI este descris de ecuația cu diferențe:

$$y(n) = x(n) + x(n-10).$$

- Să se deseneze modulul și faza răspunsului în frecvență.
- Să se determine răspunsul acestui sistem la excitația:

$$x(n) = \cos \frac{\pi n}{10} + 3 \sin \left(\frac{\pi n}{3} + \frac{\pi}{10} \right), \quad -\infty < n < \infty$$

Problema 22: Un sistem LTI este descris de ecuația:

$$y(n) = x(n) + 5x(n-10).$$

- Determinați modulul și faza răspunsului în frecvență.
- Determinați răspunsul filtrului la excitația:

$$x(n) = 5 + 6 \cos \left(\frac{2\pi n}{5} + \frac{\pi}{2} \right).$$

Problema 23: Calculați și desenați caracteristicile în frecvență ale unui filtru cu medie alunecătoare (MA), pentru $M = 6$, cu ponderi egale.

Problema 24: Să se proiecteze un FTB, cu 2 poli, care are centrul benzii de trecere la $\omega = \pi/2$ și zerourile la $\omega = 0$ și $\omega = \pi$, pentru care modulul răspunsului în frecvență este $1/\sqrt{2}$ la $\omega = 4\pi/9$.

Problema 25: Să se proiecteze un filtru FIR, de fază liniară, de ordin $M = 4$, pentru care:

$$H_r(0) = 1 \text{ și } H_r\left(\frac{\pi}{3}\right) = \frac{1}{2}.$$

Problema 26: Să se proiecteze un filtru FIR care rejectează complet frecvența $\omega_0 = \pi/4$. Să se calculeze răspunsul acestui filtru la intrarea:

$$x(n) = \sin \frac{\pi n}{4} u(n), \quad n = \overline{0, 4}$$

Problema 27: Proiectați un filtru piaptăn având frecvențele de rejecție:

$$\frac{1}{10}, \quad \frac{1}{20}, \quad \frac{1}{30}.$$

Problema 28: Calculați modulul și faza răspunsului în frecvență a filtrului cu funcția de sistem:

$$H(z) = 1 + z^{-1} + \dots + z^{-16}.$$

Pentru o frecvență de eșantionare de 1 kHz, determinați frecvențele sinusoidelor care nu pot trece prin filtru.

Problema 29: Să se construiască forma a II-a directă și cea laticială, pentru sistemele LTI:

- $2y(n) + y(n-1) - 4y(n-3) = x(n) + 3x(n-5)$;
- $y(n) = x(n) - x(n-1) + 2x(n-2) - 3x(n-4)$.

Probleme propuse

Problema 30: Să se determine implementarea laticială a unui FIR de fază liniară, de lungime $M = 4$, pentru care:

$$H_r(0) = 1 \text{ și } H_r\left(\frac{\pi}{2}\right) = \frac{1}{2}.$$

Problema 31: Aflați structura laticială pentru:

$$H(z) = \frac{z^3 + z}{(z + 0.5)(z^2 + z + 0.5)}.$$

Problema 32: Să se determine structurile paralelă și cascadă ale sistemului:

$$H(z) = \frac{1 + z^{-1}}{\left(1 - \frac{1}{2}z^{-1}\right)\left(1 - 0.9e^{j\frac{\pi}{3}}z^{-1}\right)\left(1 - 0.9e^{-j\frac{\pi}{3}}z^{-1}\right)}$$

Să se determine descrierea sistemului cu graf de semnal.

Problema 33: Să se determine implementarea cascadă și paralelă pentru sistemul:

$$H(z) = \frac{10\left(1 - \frac{1}{2}z^{-1}\right)\left(1 - \frac{2}{3}z^{-1}\right)(1 + 2z^{-1})}{\left(1 - \frac{3}{4}z^{-1}\right)\left(1 - \frac{1}{8}z^{-1}\right)\left[1 - \left(\frac{1}{2} + j\frac{1}{2}\right)z^{-1}\right]\left[1 - \left(\frac{1}{2} - j\frac{1}{2}\right)z^{-1}\right]}$$

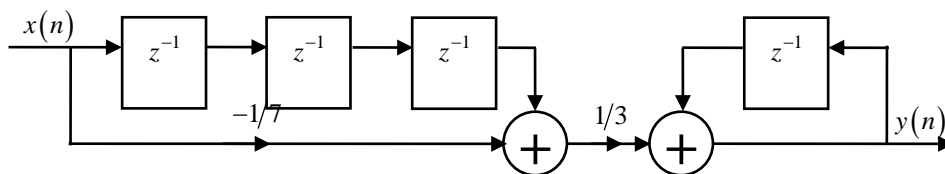
Problema 34: Pentru sistemul:

$$H(z) = \frac{1 + \frac{1}{5}z^{-1}}{\left(1 - \frac{1}{2}z^{-1} + \frac{1}{3}z^{-2}\right)\left(1 + \frac{1}{4}z^{-1}\right)},$$

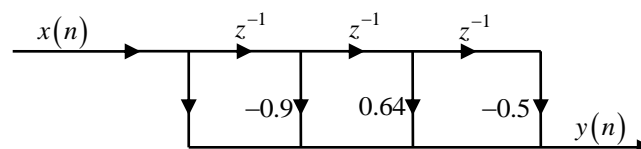
aflați:

- Forma I directă.
- Implementarea cascadă, cu sisteme de ordin I sau II.
- Implementarea paralelă, cu sisteme de ordin I sau II.

Problema 35: Să se calculeze și să se reprezinte grafic răspunsul la impuls al sistemului și răspunsul în frecvență:



Problema 36: Aflați structura laticială pentru filtrul FIR:



Problema 37: Determinați structura laticială și răspunsul la excitația rampă pentru:

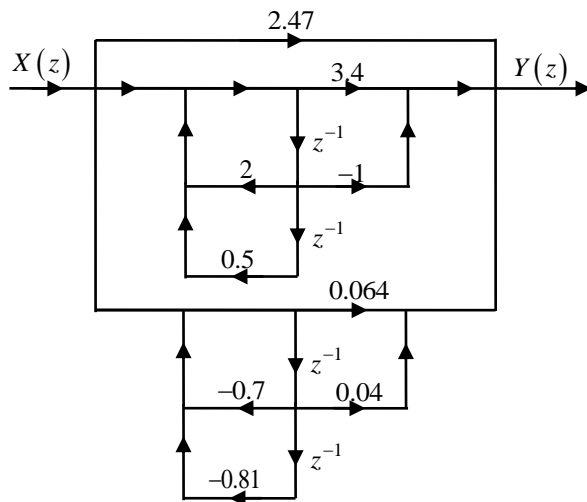
$$H(z) = \frac{1}{1 + 2z^{-1} + \frac{1}{3}z^{-2}}$$

Probleme propuse

Problema 38: Să se determine răspunsul la impuls al filtrului FIR, cu coeficienții laticiali $k_1 = 0.6$, $k_2 = 0.3$, $k_3 = 0.5$ și $k_4 = 0.9$. Calculați răspunsul în frecvență.

Problema 39: Determinați toate filtrele FIR care au coeficienții laticiali $k_1 = 1/2$, $k_2 = 0.6$, $k_3 = -0.7$ și $k_4 = 1/3$. Aflați răspunsul lor la treapta unitate.

Problema 40: Desenați structura laticială pentru sistemul:

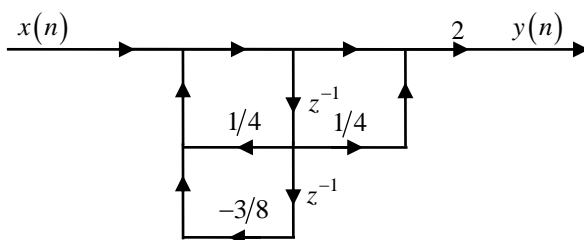


Problema 41: Să se calculeze și să se deseneze caracteristica defazajului și a timpului de întârziere de grup pentru sistemul liniar și invariant în timp:

$$y(n) = 1.8y(n-1) - 0.81y(n-2) + x(n) + 0.95x(n-1)$$

Problema 42: Fie filtrul FIR cu coeficienții laticiali: $k_1 = 0.65$, $k_2 = -0.34$ și $k_3 = 0.8$. Aflați răspunsul la impuls și desenați structura directă.

Problema 43: Se dă sistemul:



- Aflați funcția de tranfer;
- Determinați răspunsul la impuls;
- Aflați ecuația cu diferențe finite și coeficienți constanți.

Problema 44: Determinați structura laticială și răspunsul la excitația rampă pentru:

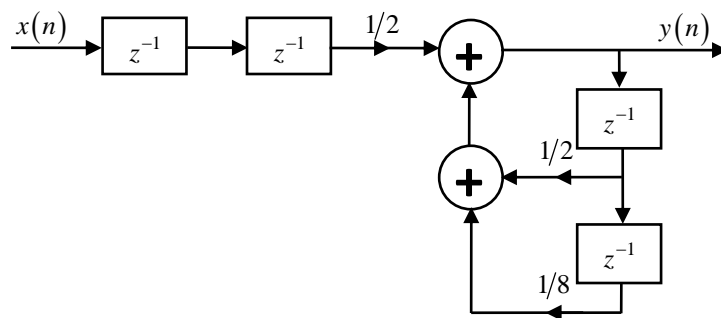
$$H(z) = 1 + 2z^{-1} + \frac{1}{3}z^{-2}.$$

Problema 45: Să se determine structurile paralelă și cascadă a sistemului:

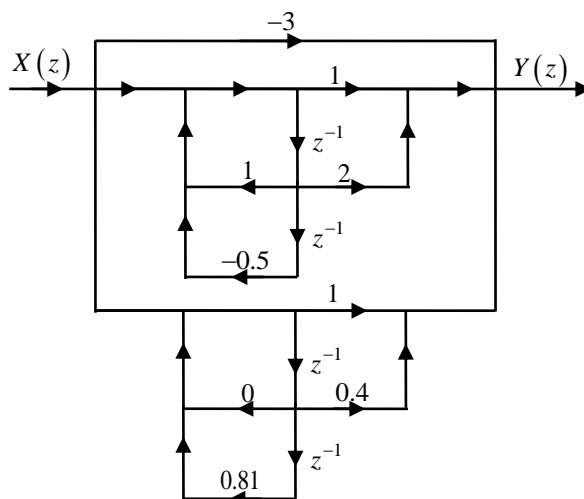
$$H(z) = \frac{3 + 5z^{-1} - 2z^{-2}}{\left(1 - \frac{1}{2}z^{-1}\right)\left(1 - \frac{1}{3}z^{-1}\right)\left(1 - \frac{1}{4}z^{-1}\right)}.$$

Probleme propuse

Problema 46: Să se calculeze și să se reprezinte grafic răspunsul la impuls și răspunsul în frecvență al sistemului:



Problema 47: Se dă sistemul:



Să se afle:

- Funcția de transfer;
- Răspunsul în frecvență;
- Răspunsul la impuls.